

Chapter 14

Application of Ultraviolet/Visible Molecular Absorption Spectrometry

Absorption measurements based upon ultraviolet and visible radiation find widespread application for the identification and determination of myriad inorganic and organic species. Molecular ultraviolet/visible absorption methods are perhaps the most widely used of all quantitative analysis techniques in chemical and clinical laboratories throughout the world.

تستخدم تقنية UV-Visible للتعرف على المواد وقياس تركيزها، وهي من أكثر طرق التحليل الكمي استخداماً في المختبرات الكيميائية والطبية حول العالم

من الأخرى
←

* تعتمد على نوع المادة والطول الموجي فقط.

* لا تعتمد على تركيز العينة أو طول المسار.

* كلما زادت ϵ زادت قدرة المادة على

امتصاص الضوء، وكان الانتقال الإلكتروني

أكثر احتمالاً.

Absorptivity (a or ϵ)

تعرف الامتصاصية بأنها مقدار الإشعاع الذي يستطيع الجزيء امتصاصه عند تركيز وطول موجي معينين

Defines how much radiation will be absorbed by a molecule at a given concentration and wavelength

- Is termed **molar absorptivity** (ϵ) if concentration is expressed in molarity (M, mol/L)

- Can be calculated using Beer's Law ($A = abc = \epsilon bc$)

- If units of b is cm and c is M then ϵ is $M^{-1}cm^{-1}$ or $Lmol^{-1}cm^{-1}$ • وحدة مياسى ϵ

قيمة ϵ تدل على احتمالية حدوث الانتقال الإلكتروني.

لأن A ليس لها وحدة unit less

- Magnitude of ϵ is an indication of the probability of the **electronic transition**

ϵ كبيرة → المادة تمتص الضوء بقوة، واحتمال حدوث الانتقال الإلكتروني أكبر.

ϵ صغيرة → المادة تمتص الضوء بشكل أضعف، واحتمال حدوث الانتقال الإلكتروني أقل

The magnitude of Molar Absorptivities

① قيمة ϵ تتراوح بين الصفر و 10^5

Molar absorptivities range from **zero up to a maximum on the order of 10^5** are observed. The

② تعتمد قيمة ϵ على احتمالية حدوث انتقال يمتص الطاقة

magnitude of ϵ depends upon the probability for an energy-absorbing transition to occur. Peaks

having molar absorptivities **less than about 10^3**

are classified as being of low intensity. They

result from so-called **forbidden transitions,**

which have probabilities of occurrence that are

less than 0.01.

* احتمال الحدوث ضعيف جداً (أقل من 0.01).

* الامتصاص ضعيف.

ϵ قيمة صغيرة (أقل من 10^3).

• ϵ أقل من 10^3 ← Low intensity ← Forbidden transitions
 ← احتمال حدوثه أقل من 0.01

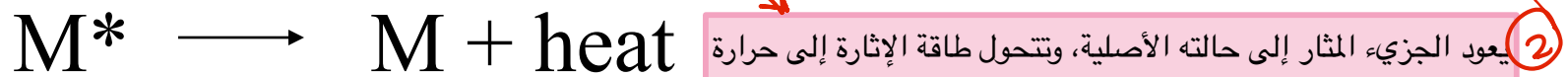
4 ABSORBING SPECIES

The absorption of ultraviolet or visible radiation by a molecular species M can be considered to be a two-step process, excitation



The lifetime of the excited species is brief (10^{-8} to 10^{-9} s). Relaxation involves conversion of the excitation energy to heat.

الثانية Step 2



The absorption of ultraviolet or visible radiation generally results from excitation of bonding electrons.

يحدث نتيجة إثارة إلكترونات الروابط.

Electronic Transitions

There are three types of electronic transitions. The three include transitions involving:

→ σ electrons: إلكترونيات الروابط الأحادية (Single bonds).

→ π electrons: إلكترونيات الروابط الثنائية والثلاثية (Double & Triple bonds).

→ n electrons: إلكترونيات غير رابطة (Lone pairs)،

مثل الموجودة على الأكسجين أو النيتروجين أو الكبريت.

(1) π , σ , and n electrons

(2) d and f electrons

(3) charge transfer electrons.

Types of Absorbing Electrons

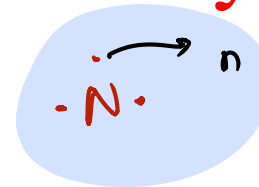
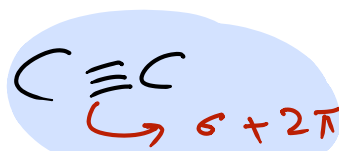
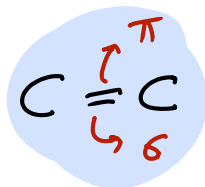
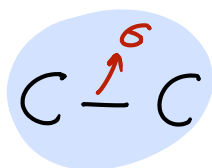
الإلكترونات التي تساهم في امتصاص الضوء

The electrons that contribute to absorption by a molecule are: (1) those that **Bonding electrons** participate directly in **bond formation between atoms**; (2) **nonbonding** or unshared outer electrons that are largely localized about such atoms as **oxygen, the halogens, sulfur, and nitrogen**. The **molecular orbitals** associated with **single bonds** are designated as sigma (σ) orbitals, and the corresponding electrons are σ electrons.

Types of Absorbing Electrons

الرابطه الثنائية في الجزيء تحتوي على نوعين من المدارات الجزيئية

The **double bond** in a molecule contains **two types** of molecular orbitals: a **sigma (σ) orbital** and a **pi (π) molecular orbital**. Pi orbitals are formed by the **parallel overlap** of atomic p orbitals. In addition to σ and π electrons, many compounds contain **nonbonding** electrons. These unshared electrons are designated by the **symbol n**.



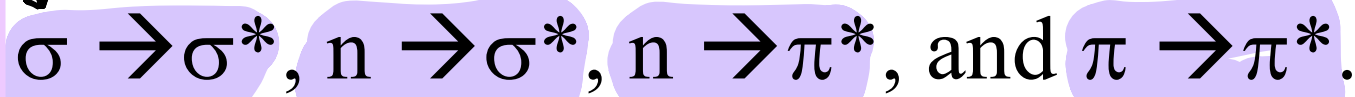
Energy

The energies for the various types of molecular orbitals differ significantly. The energy level of a nonbonding electron lies between the energy levels of the bonding and the antibonding π and σ orbitals. Electronic transitions among certain of the energy levels can be brought about by the absorption of radiation. Four types of transitions are possible:

النجمة (*) تعني:

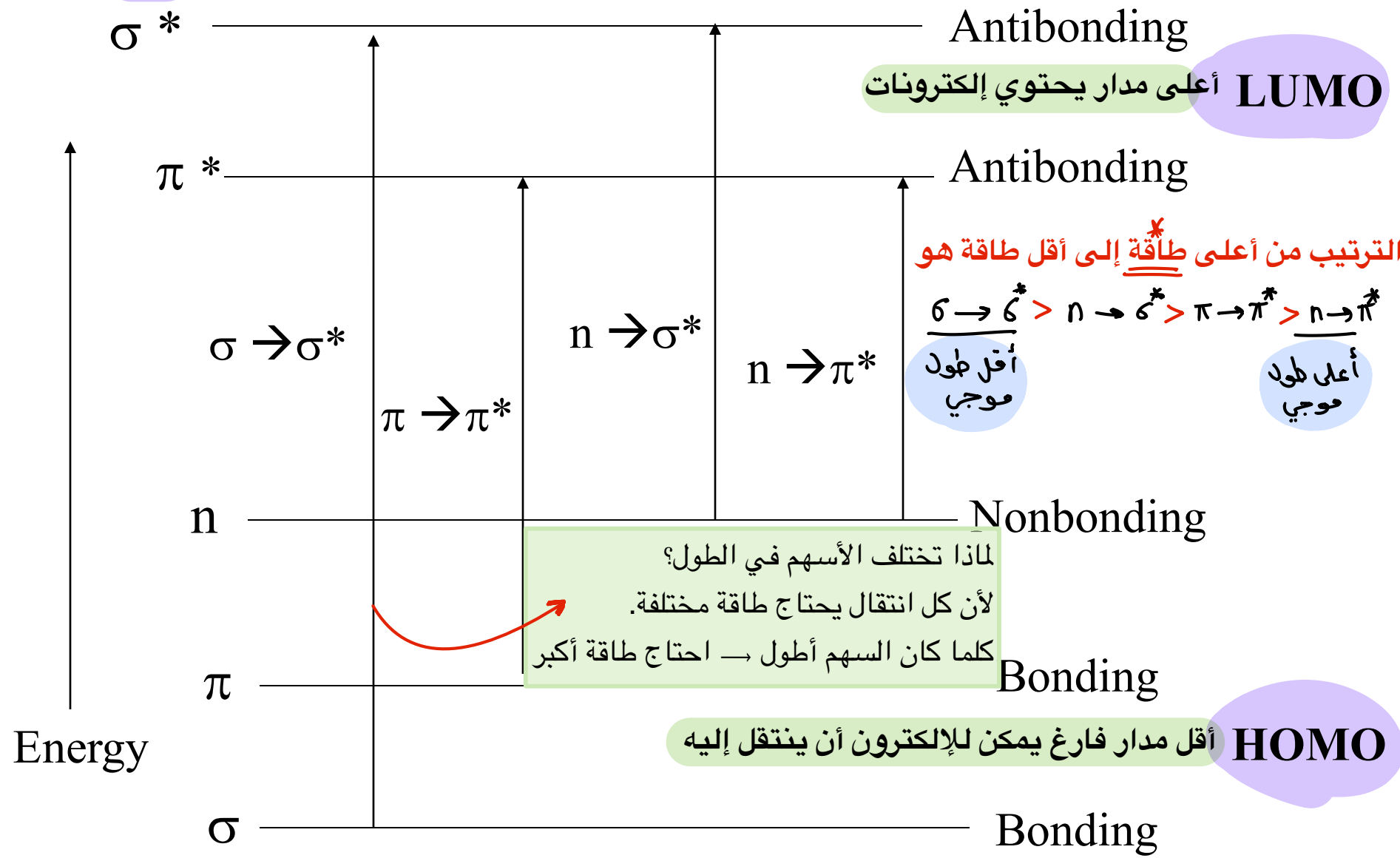
مدار مضاد للرابطة (Antibonding orbital)، وهو مستوى طاقة أعلى من المدار العادي

يحتاج أعلى كمية من الطاقة.



٤

LUMO: lowest unoccupied molecular orbital



HOMO: highest occupied molecular orbital

§ For convenience of reference, definitions of the various spectral regions have been set by the Joint Committee on Nomenclature in Applied Spectroscopy:

Region	Wavelength (nm)
Far ultraviolet	10-200
Near ultraviolet	200-380
Visible	380-780
Near infrared	780-3000
Middle infrared	3000-30,000
Far infrared	30,000-300,000
Microwave	300,000-1,000,000,000

$\sigma \rightarrow \sigma^*$ Transition

An electron in a bonding σ orbital of a molecule is excited to the corresponding antibonding orbital by the absorption of radiation. The

energy required to induce a $\sigma \rightarrow \sigma^*$ transition is large. Methane (CH_4) can undergo only $\sigma \rightarrow \sigma^*$

transitions, exhibits an absorption maximum

λ_{max} at 125 nm. Absorption maxima due to σ

$\rightarrow \sigma^*$ transitions are never observed in the

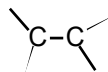
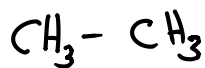
ordinarily accessible ultraviolet region (Far UV

range).

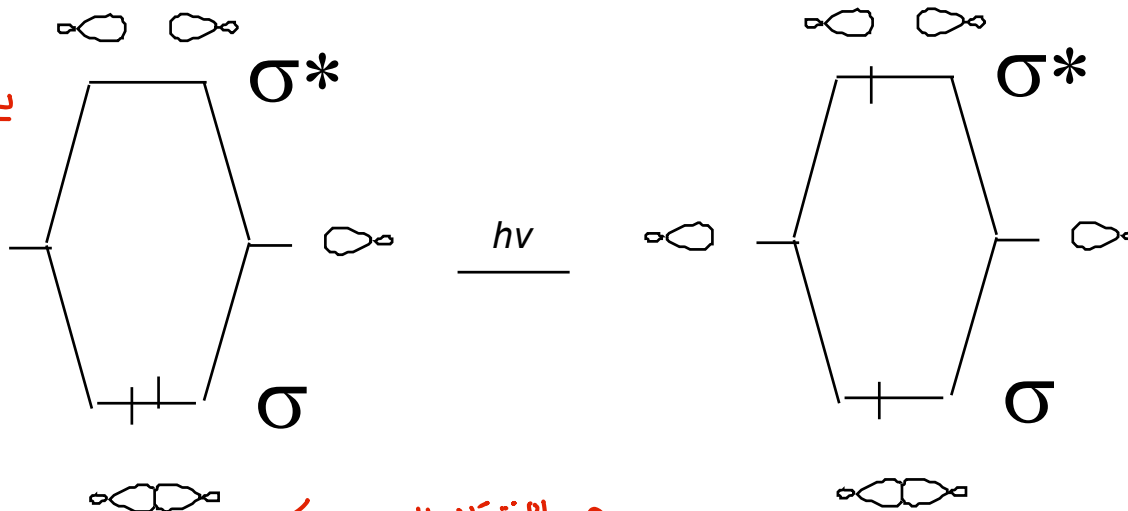
نظري هنا

ولمّا تظهر هنا!

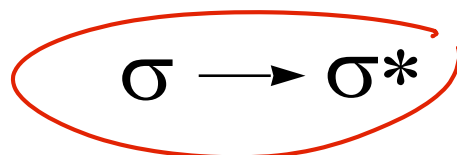
Ethane



يحتوي فقط على روابط
أحادية (6 bonds)
ولا يحتوي على (π)
ولا (n)



هذا هو الانتقال الوحيد الممكن



* (وطول موجي قصير)

$$\lambda_{\text{max}} = 135 \text{ nm} \quad (\text{a high energy transition})$$

Absorptions having $\lambda_{\text{max}} < 200 \text{ nm}$ are difficult to observe because everything (including quartz glass and air) absorbs in this spectral region.

الامتصاصات التي يكون λ_{max} أقل من 200 nm يصعب ملاحظتها عملياً، لأن كل شيء تقريباً (حتى زجاج الكوارتز والهواء) يمتص الأشعة في هذه المنطقة من الطيف

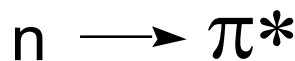
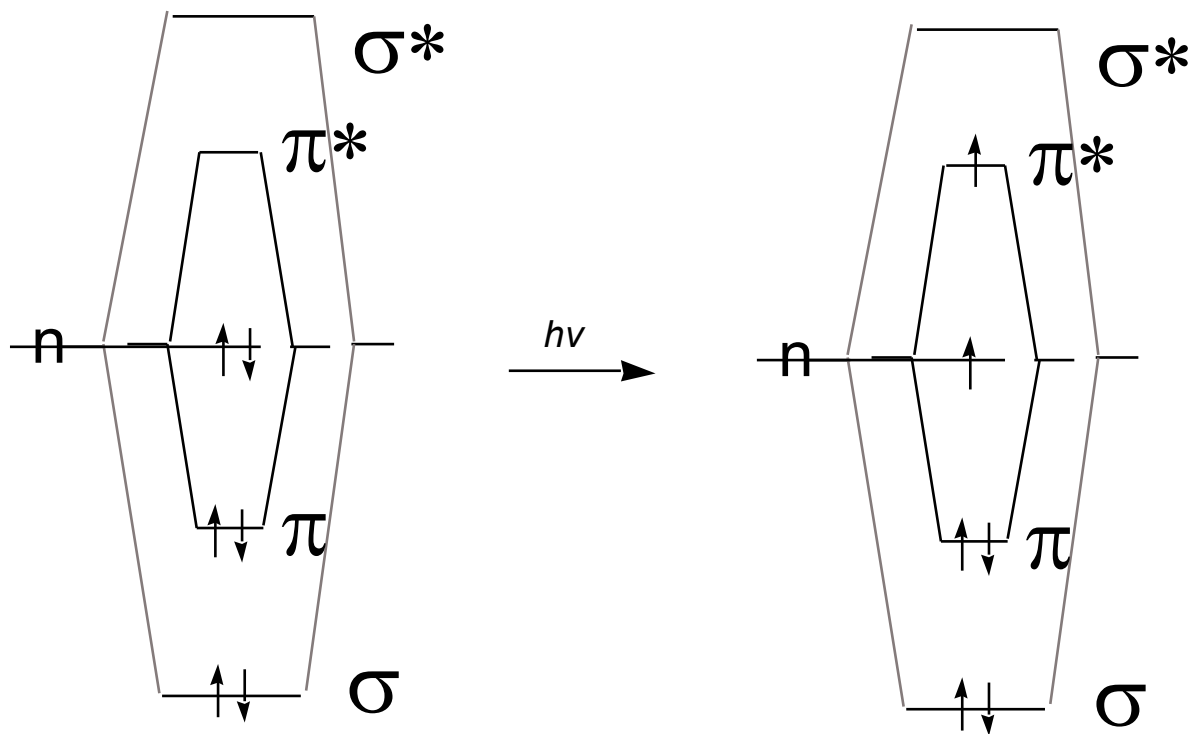
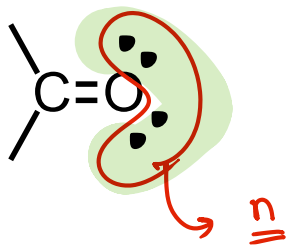
(Alcohols) الكحولات

(Amines) الأمينات *

(Alkyl halides) الهاليدات العضوية *

$n \rightarrow \sigma^*$ Transitions

Saturated compounds containing atoms with unshared electrons are capable of $n \rightarrow \sigma^*$ transitions. These transitions require less energy than the $\sigma \rightarrow \sigma^*$ type and can be brought about by radiation in the region of between 150 and 250 nm, with most absorption peaks appearing below 200 nm. The molar absorptivities are low to intermediate in magnitude and range between 100 and 3000 L cm⁻¹ mol⁻¹.

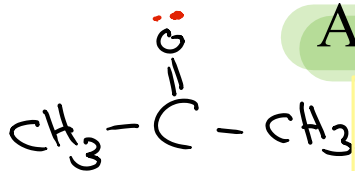


Higher.

The n to π^* transition is at even ~~lower~~ **wavelengths** but is not as strong as π to π^* transitions. It is said to be "forbidden."

Example:

Acetone:



يمكن للأسييتون أن يقوم
بنوعين من الانتقالات

أقل طول موجي أعنى ϵ

$$\pi-\pi^* \quad \lambda_{\max} = 188 \text{ nm} ; \quad \epsilon = 1860$$

$$n-\pi^* \quad \lambda_{\max} = \underline{279 \text{ nm}} ; \quad \epsilon = 15$$

أعلى طول موجي أقل ϵ

Forbidden¹⁵

قيمة ϵ
قليلة

TABLE 14-2 Absorption by Organic Compounds Containing Heteroatoms with Nonbonding Electrons

Compound	λ_{max} , nm	ϵ_{max}
CH ₃ OH	167	1480
(CH ₃) ₂ O	184	2520
CH ₃ Cl	173	200
CH ₃ I	258	365
(CH ₃) ₂ S	229	140
CH ₃ NH ₂	215	600
(CH ₃) ₃ N	227	900

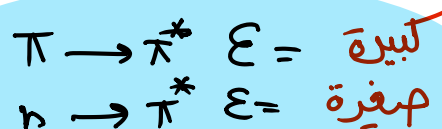
LOW!

تعتبر

Forbidden

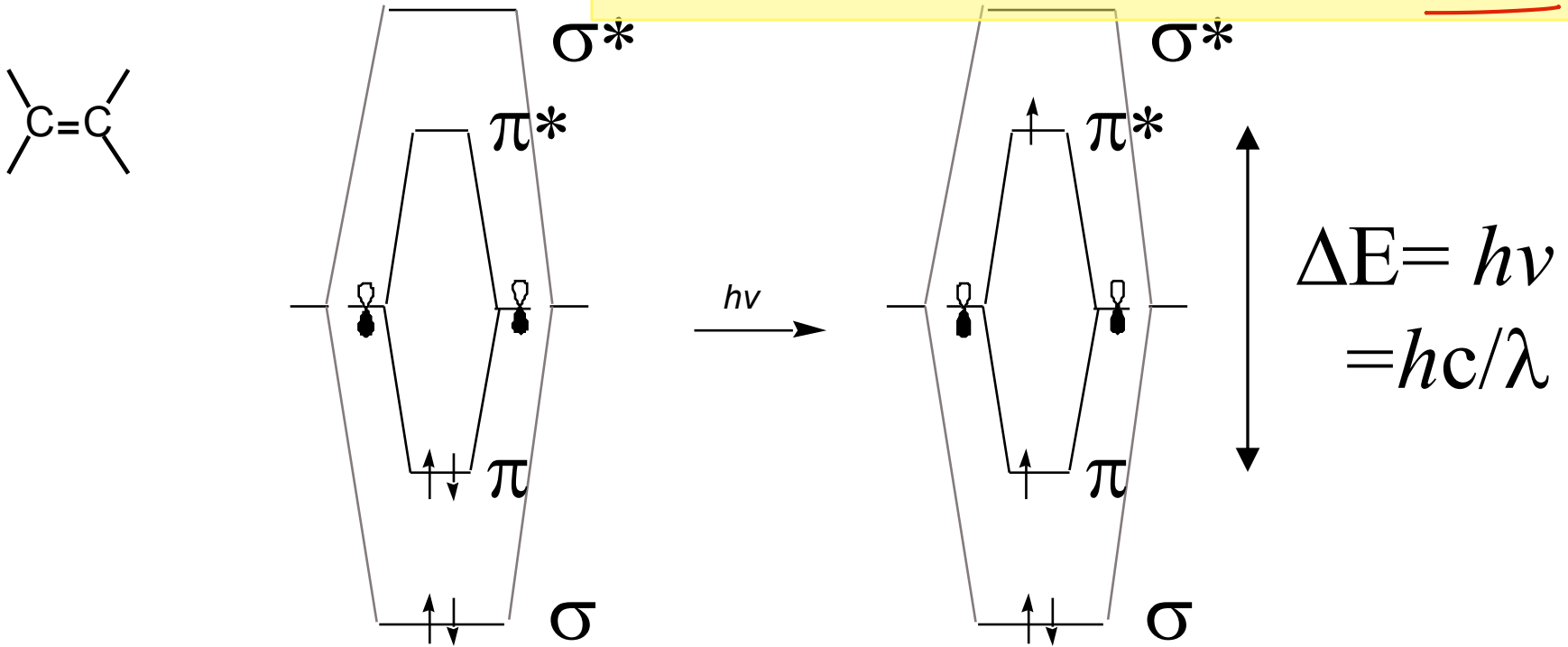
$n \rightarrow \pi^*$ and $\pi \rightarrow \pi^*$ Transitions

Most applications of absorption spectroscopy are based upon transitions for n or π electrons to the π^* excited state because the energies required for these processes bring the absorption peaks into an experimentally convenient spectral region (200 to 780 nm). Both transitions require the presence of an unsaturated functional group to provide the π orbitals. The molar absorptivities for peaks associated with excitation to the n, π^* state are generally low and ordinarily range from 10 and 100 $\text{L cm}^{-1} \text{ mol}^{-1}$; values for $\pi \rightarrow \pi^*$ transitions are normally take place in the range between 1000 and 10,000.



• $n \rightarrow \pi^*$
 Forbidden: لَعَبِي

وجود π^* $\rightarrow$ يعني أنه يجب أن توجد أصلاً مدارات π
 وهذا لا يحدث إلا إذا كان المركب يحتوي على رابطة مزدوجة أو مجموعة
 غير مشبعة.



$\pi \rightarrow \pi^*$
 يوجد رابطة ثنائية (π)

Example: ethylene absorbs at longer wavelengths:

$\lambda_{\max} = \underline{\underline{185 \text{ nm}}} \quad \epsilon = \underline{\underline{10,000}}$

اذن الانتقال
 الى π^*
 موجود.

TABLE 14-1 Absorption Characteristics of Some Common Chromophores

Chromophore	Example	Solvent	$\lambda_{\max}$, nm	$\epsilon_{\max}$	Transition Type
Alkene	$C_6H_{13}CH=CH_2$	<i>n</i> -Heptane	177	13,000	$\pi \rightarrow \pi^*$
Alkyne	$C_5H_{11}C \equiv C-CH_3$	<i>n</i> -Heptane	178	10,000	$\pi \rightarrow \pi^*$
Carbonyl	$CH_3C(=O)CH_3$	<i>n</i> -Hexane	196	2000	—
			225	160	—
			186	1000	$n \rightarrow \sigma^*$
			280	16	$n \rightarrow \pi^*$
Carboxyl	$CH_3CH(=O)OH$	<i>n</i> -Hexane	180	large	$n \rightarrow \sigma^*$
			293	12	$n \rightarrow \pi^*$
Carboxyl	CH_3COOH	Ethanol	204	41	$n \rightarrow \pi^*$
Amido	$CH_3C(=O)NH_2$	Water	214	60	$n \rightarrow \pi^*$
Azo	$CH_3N=NCH_3$	Ethanol	339	5	$n \rightarrow \pi^*$
Nitro	CH_3NO_2	Isooctane	280	22	$n \rightarrow \pi^*$
Nitroso	C_4H_9NO	Ethyl ether	300	100	—
Nitrate	$C_2H_5ONO_2$	Dioxane	665	20	$n \rightarrow \pi^*$
			270	12	$n \rightarrow \pi^*$

© 2007 Thomson Higher Education

Olefins and aromatics

$$\sigma \rightarrow \sigma^* < 185 \text{ nm}$$

$$n \rightarrow \sigma^* 150\text{-}250 \text{ nm}$$

$$\pi \rightarrow \pi^*$$

$$n \rightarrow \pi^* 200\text{-}700 \text{ nm}$$

Absorption by Organic Compounds

① جميع المركبات العضوية قادرة على امتصاص الإشعاع الكهرومغناطيسي؛ لأنها جميعاً تحتوي على إلكترونات تكافؤ

- All organic compounds are capable of absorbing electromagnetic radiation since all contain **valence electrons** that can be excited to higher energy levels

② الطاقة عالية

- The **energies** associated with electrons in **single bonds** are sufficiently **high** ($\sigma \rightarrow \sigma^*$) that absorption occurs in the **Far-UV** ($\lambda < 185 \text{ nm}$).

Components of the atmosphere also absorb in this region.

- This is the reason why **normal n-alkanes** organic compounds can be utilized as **solvents** in the UV/Vis region. ③ لهذا السبب يمكن استخدام الألكانات العادية (n-alkanes) كمذيبات

- Because of experimental difficulties association with the Far-ultraviolet region, most spectrophotometric investigations of organic compounds involves the longer wavelengths ($\lambda > 185 \text{ nm}$) → معظم الدراسات

- Most applications of Absorption spectroscopy are based on transitions for **$n \rightarrow \pi^*$ or $\pi \rightarrow \pi^*$** . (UV/VIS 200-780nm) ④ وجود مجموعة وظيفية غير مشبعة (رابطة مزدوجة أو ثلاثية)

- Both **$n \rightarrow \pi^*$ or $\pi \rightarrow \pi^*$** require the presence of **unsaturated functional groups** (double bonds) to provide the π orbitals. Molecule containing these functional groups are also referred to as “**chromophores**”

الجزيئات التي تحتوي على مجموعات وظيفية غير مشبعة (ربطة مزدوجة أو ثلاثية)

Absorption Definitions

الـ Chromophore هو
الجزء المسؤول عن امتصاص
الضوء.
وغالباً يحتوي على روابط غير
مشبعة (π -bond)

Chromophore

① مجموعة من الذرات تسبب الامتصاص الإلكتروني للضوء.

A group of atoms that gives rise to electronic absorption

Or

② مجموعة وظيفية قادرة على إحداث انتقالات إلكترونية مميزة.

A functional group capable of having characteristic electronic transitions is called a **chromophore** (color loving)

Or

③ جزء من الجزيء يكون فرق الطاقة فيه مناسباً لامتصاص الضوء في منطقة UV أو الضوء المرئي.

The **chromophore** is a region in the molecule where the energy difference between two different molecular falls within the range of the visible spectrum

”الهالوجينات“

Auxochrome

مجموعة بديلة تحتوي على أزواج إلكترونية حرة (Unshared electron pairs)

A substituent that contains unshared electron pairs (OH, NH, X)

An auxochrome attached to a chromophore with π electrons shifts the $\lambda_{\max}$ to longer wavelengths

عندما يرتبط الـ Auxochrome بكروموفور يحتوي على إلكترونات π فإنه يؤدي إلى انتقال $\lambda_{\max}$ إلى أطوال موجية أكبر.

Common functional groups

Compound	$\lambda(\text{nm})$	Intensity/ ϵ	transition with lowest energy
CH ₄	122	intense	$\sigma \rightarrow \sigma^*$ (C-H)
CH ₃ CH ₃	130	intense	$\sigma \rightarrow \sigma^*$ (C-C)
CH ₃ OH	183	200	$n \rightarrow \sigma^*$ (C-O)
CH ₃ SH	235	180	$n \rightarrow \sigma^*$ (C-S)
CH ₃ NH ₂	210	800	$n \rightarrow \sigma^*$ (C-N)
CH ₃ Cl	173	200	$n \rightarrow \sigma^*$ (C-Cl)
CH ₃ I	258	380	$n \rightarrow \sigma^*$ (C-I)
CH ₂ =CH ₂	165	16000	$\pi \rightarrow \pi^*$ (C=C)
CH ₃ COCH ₃	187	950	$\pi \rightarrow \pi^*$ (C=O)
	273	14	$n \rightarrow \pi^*$ (C=O)
CH ₃ CSCH ₃	460	weak	$n \rightarrow \pi^*$ (C=S)
CH ₃ N=NCH ₃	347	15	$n \rightarrow \pi^*$ (N=N)

أعلى طاقة

فقط نوع الانتقال
 $\sigma \rightarrow \sigma^*$

بسبب وجود
S, O, N, Cl, I
يوجد σ unshared

لذلك نوع الانتقال
 $n \rightarrow \sigma^*$
لرابطه أحاديه

نوعياً

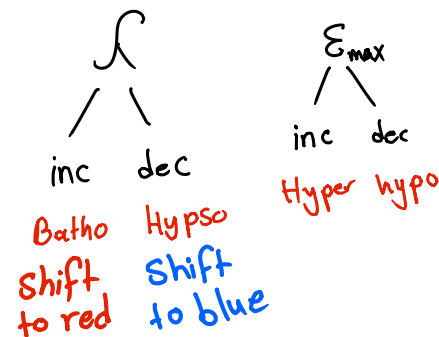
$\pi \rightarrow \pi^*$
أو

$n \rightarrow \pi^*$
حسب وجود
 σ unshared

أعلى طاقة

ϵ
عالية

Absorption Definitions



Bathochromic

A shift to longer wavelengths or red shift (increase in λ)

Hypsochromic

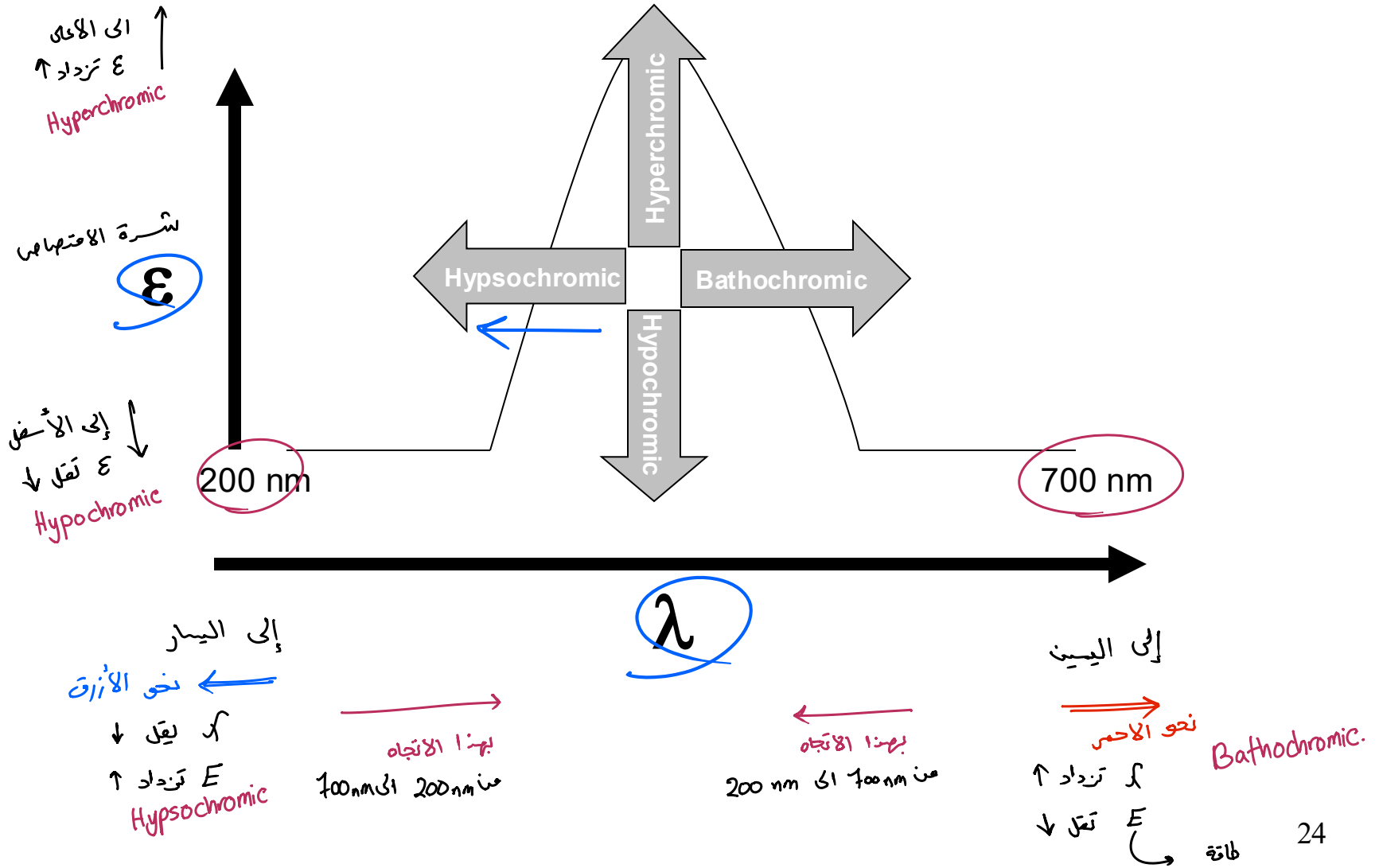
A shift to shorter wavelengths or blue shift (decrease in λ)

Hyperchromism

An increase in intensity of an absorption band (increase in $\epsilon_{\max}$)

Hypochromism

A decrease in intensity of an absorption band (decrease in $\epsilon_{\max}$)



Solvent Effects

A compound that contains both π and n electrons may exhibit **two absorption maxima** with change in **solvent polarity**

- $\pi \rightarrow \pi^*$ transitions absorb ~ 10 x more strongly than $n \rightarrow \pi^*$ transition

* امتصاصه قوي جداً.
* يحدث عند طول موجي أقصر

* امتصاصه أضعف.
* يحدث عند طول موجي أطول

- $n \rightarrow \pi^*$ transition occur at **longer wavelengths** than $\pi \rightarrow \pi^*$

- Such a compound will exhibit two characteristic peaks in a **nonpolar solvent** such as hexane

في الهكسان → القمتان تكونان أبعد عن بعضهما.
في الإيثانول → المذيب القطبي يؤثر في مستويات الطاقة، فتتحرك القمتان وتصبحان أقرب إلى بعضهما

- The two peaks will be shifted closer to each other in a **polar and hydrogen bonding solvent** such as ethanol

Solvent Effects

Molecules with absorption due to $\pi \rightarrow \pi^*$ transition exhibit **red shift** when dissolved in polar solvents as compared to nonpolar solvents

protic

A protic

- Used to **confirm** the presence of $\pi \rightarrow \pi^*$ transitions in molecules

Molecules with absorption due to $n \rightarrow \pi^*$ transition exhibit **blue shift** when dissolved in solvents that are able to form hydrogen bonds

- Used to **confirm** the presence of n electrons in a molecule

protic $\rightarrow$ polar Solvent.

A protic $\rightarrow$ non polar Solvent.

النتيجة	نوع المذيب	الانتقال
انزياح أحمر $\rightarrow$ λ تزيد	مذيب قطبي	$\pi \rightarrow \pi^*$
انزياح أزرق $\rightarrow$ λ تقل	مذيب قادر على تكوين روابط هيدروجينية	$n \rightarrow \pi^*$

Effect of Conjugation of Chromophores

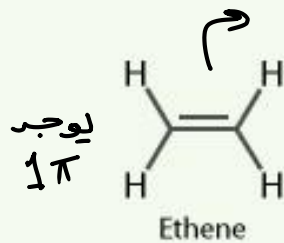
π electrons are considered to be further delocalized (by conjugation); the orbitals involve four (or more) atomic centers. The effect of this delocalization is to $\downarrow \Delta E$ فرق الطاقة يقل lower the energy level of the π^* orbital and give it less antibonding character.

$\uparrow \lambda_{max}$ Absorption maxima are shifted to longer wavelengths as a consequence. Conjugation of chromophores, has a profound effect on spectral properties. 1,3-butadiene, $\text{CH}_2=\text{CHCH}=\text{CH}_2$, has a strong absorption band that is displaced to a longer wavelength by 20 nm compared with the corresponding peak for an unconjugated diene.

Effect of Conjugation of Chromophores

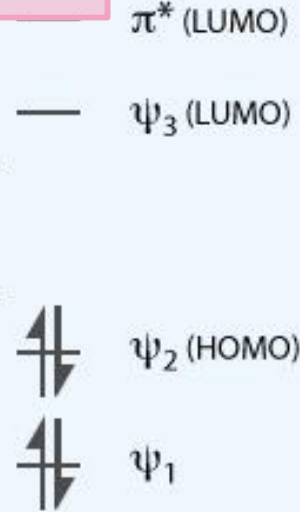
ما هو Conjugation؟
الاقتتران يعني وجود روابط مزدوجة يفصل بينها رابطة أحادية

الفرق كبير
 ΔE
173 kcal/mol
165 nm
طول موجي قليل



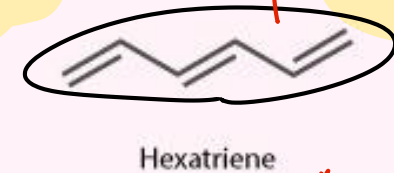
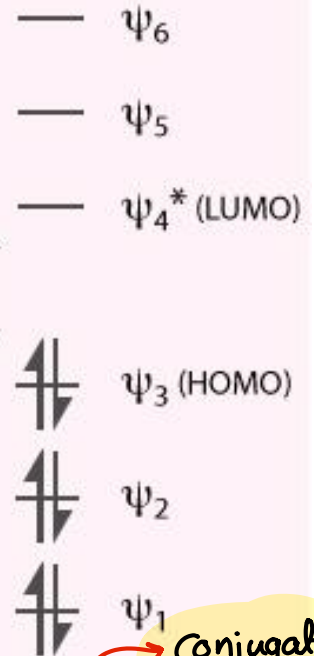
لي conjugated

الفرق أقل
 ΔE
132 kcal/mol
217 nm
طول موجي أقل



conjugated

الفرق قليل
 ΔE
111 kcal/mol
258 nm
طول موجي أكبر



أما إذا كانت الرابطتان المزدوجتان بعيدتين عن بعض
 $C=C-C-C=C$
Unconjugated diene (غير مقترن).

كلما زاد عدد الروابط المزدوجة المقتترنة:
↓ فرق الطاقة (ΔE)
↓ الطاقة المطلوبة
↑ λ_{max}

Effect of Conjugation of Chromophores

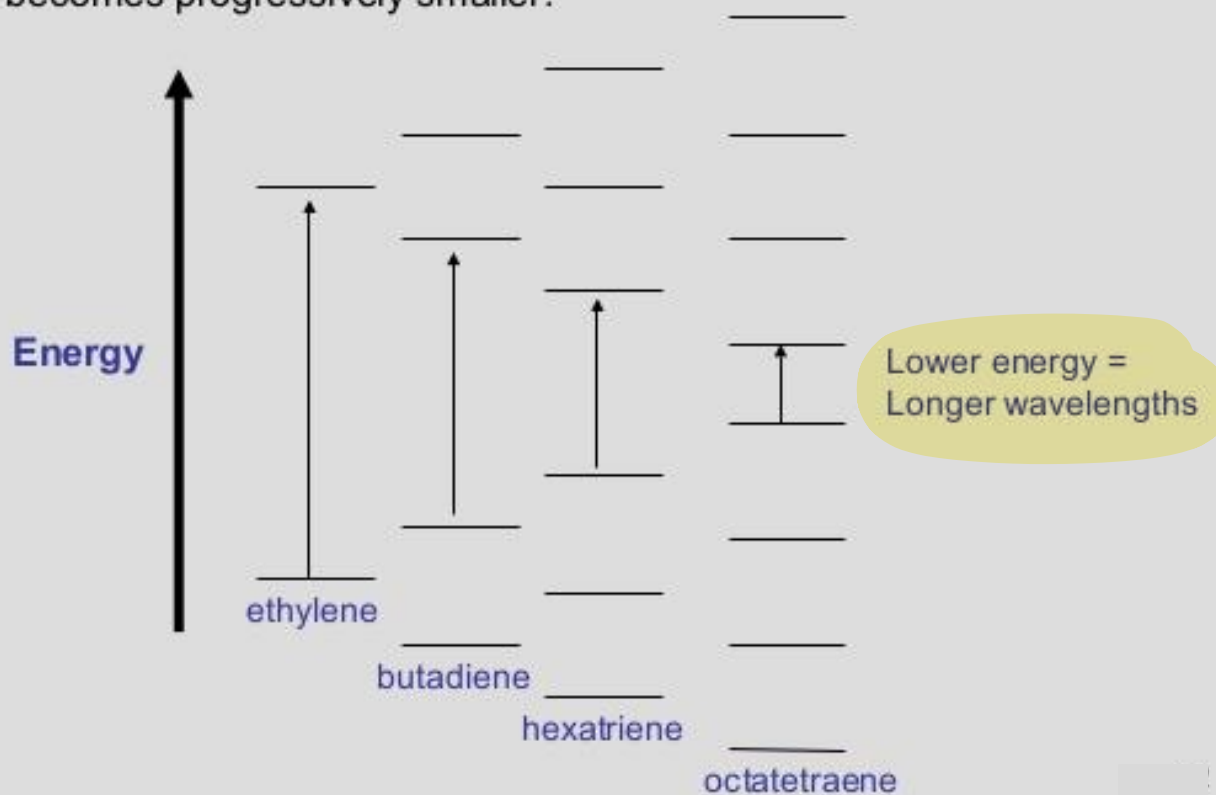
UV Spectroscopy

III. Chromophores

A. Substituent Effects

2. Conjugation – Alkenes

Extending this effect out to longer conjugated systems the energy gap becomes progressively smaller:



Effect of Conjugation of Chromophores

Table 8.3 Values of $\lambda_{\max}$ and ϵ for Ethylene and Conjugated Dienes

Compound	$\lambda_{\max}$ (nm)	ϵ ($M^{-1} \text{ cm}^{-1}$)
$H_2C=CH_2$	165	15,000
	217	21,000
	256	50,000
	290	85,000
	334	125,000
	364	138,000

$\lambda_{\max}$ inc

تسبب ايضاً دة

Delocalization

زيادة π (مع شرط Conjugated) $\leftarrow$ زيادة $\lambda_{\max}$ ونقل الطاقة و ΔE

زيادة الـ Conjugation تؤدي إلى:

* $\downarrow \Delta E$

* $\downarrow$ الطاقة المطلوبة

* $\uparrow \lambda_{\max}$ (Bathochromic أو Red shift)

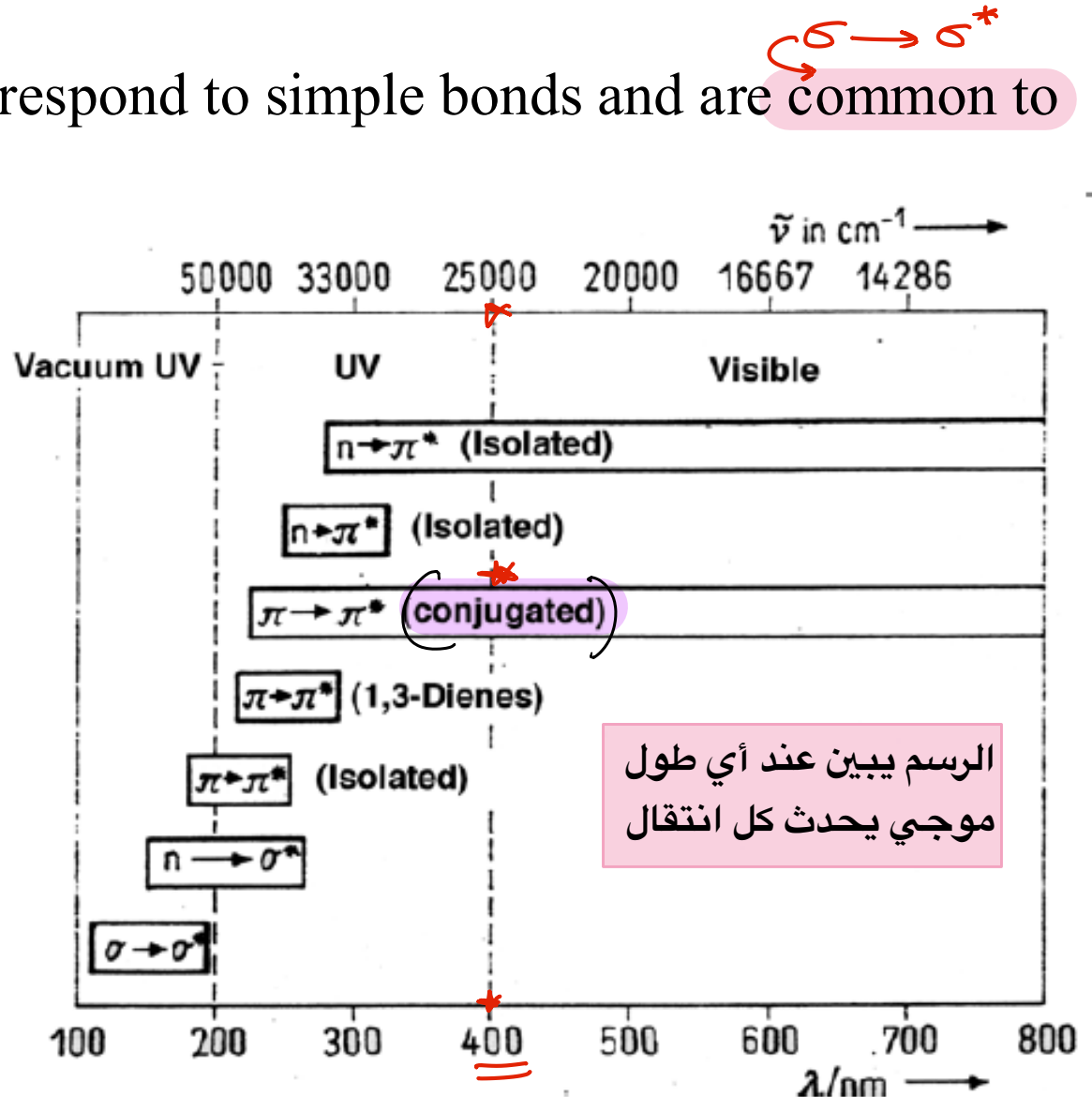
* $\uparrow \epsilon$ (يزداد الامتصاص)

5

These transitions correspond to simple bonds and are common to all molecules.

$\pi \rightarrow \pi^*$ transitions depend on the conjugation, so it can reach the visible region of radiation, causing the color of substances.

تعتمد على الاقتران (Conjugation)، لذلك يمكن أن يصل الامتصاص إلى منطقة الضوء المرئي (Visible)، وهذا هو السبب في ظهور الألوان في بعض المواد.



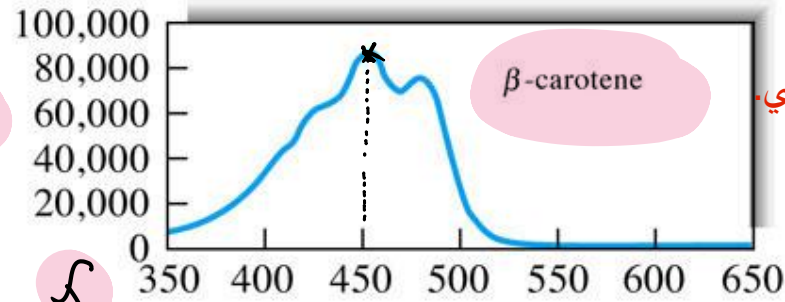
الرسم يبين عند أي طول موجي يحدث كل انتقال

وصل الى منطقة
الغنى المرئي (Visible)

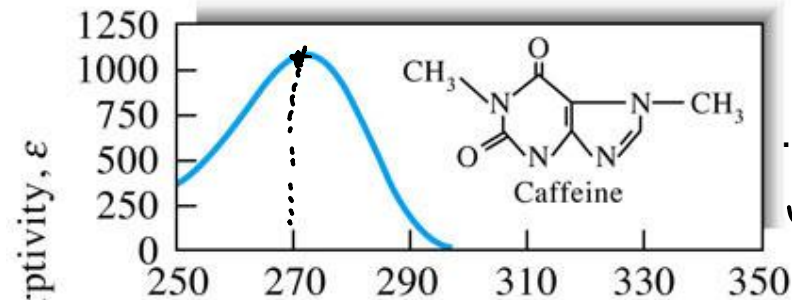
7

ε

λ

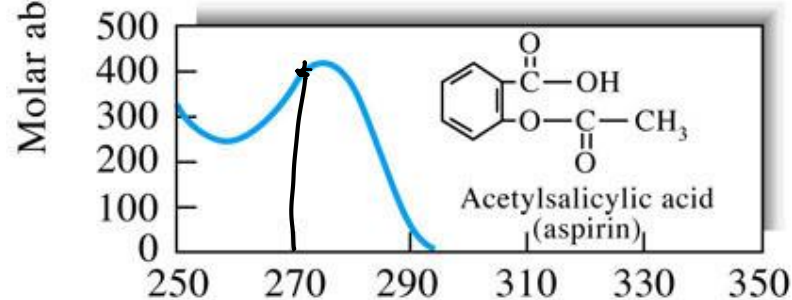


ويظهر بلون برتقالي.

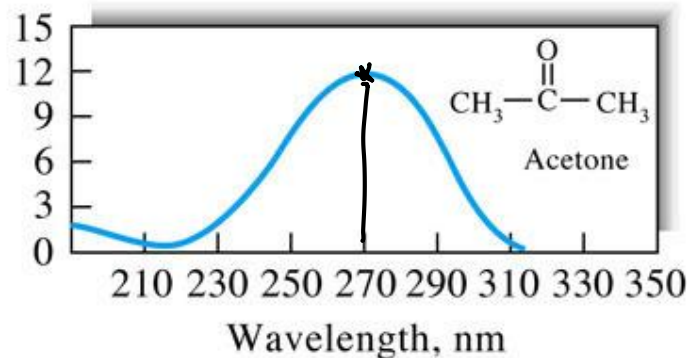


الكافيين عديم اللون.

يقع في منطقة UV
λ = 270 nm



لب
له لون
λ = 275
max



الانتقال
Forbidden.
n → π*
ε صغيرة

Empirical Rules for Calculating Uv/Vis Absorptions

في المركبات التي تحتوي على:
* روابط مزدوجة مترافقة (Conjugated dienes)
* Enones (C=O مع C=C رابطة)

لتقدير (حساب) $\lambda_{\max}$ للمركبات
العضوية دون الحاجة لقياسها
بالجهاز

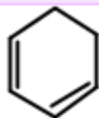
$$\lambda_{\max} = \text{Base Value} + \sum \text{Increments.}$$

الأشياء التي قد تزيد $\lambda_{\max}$
* Alkyl substituent
* Ring residue
* Exocyclic double bond
* Additional conjugated double bond

Woodward-Fieser Rules for Calculating the $\lambda_{\max}$ of Conjugated Dienes and Polyenes

- Parent:

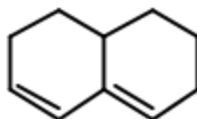
يعني الرابطتان
المزدوجتان داخل
نفس الحلقة



Homoannular

$\lambda = 253 \text{ nm}$

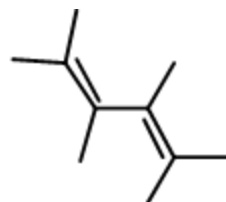
يعني الرابطتان المزدوجتان
في حلقتين مختلفتين



heteroannular

$\lambda = 214 \text{ nm}$

سلسلة مفتوحة



acyclic

$= 217$

Conjugated
System
نظام مترابط

الحذف (هذه base Value)

- Increments for:

رابطة مزدوجة إضافية في الاقتران

Double bond extending conjugation

+30

Alkyl substituent or ring residue

+5 كل مجموعة ألكيل أو بقايا حلقة مرتبطة

Exocyclic double bond

+5

إذا كانت الرابطة المزدوجة خارج الحلقة



exocyclic

Polar groupings:

~~-OC(O)CH₃~~

+0

~~-OR~~

+6

~~-Cl -Br~~

+5

~~-NR₂~~

+60

~~-SR~~

+30

إذا كان لدينا أكثر من أربع روابط مزدوجة مترافقة (Polyenes طويلة)،
فلا نستخدم الجدول السابق، بل نستخدم القانون ١

For more than 4 conjugated double bonds:

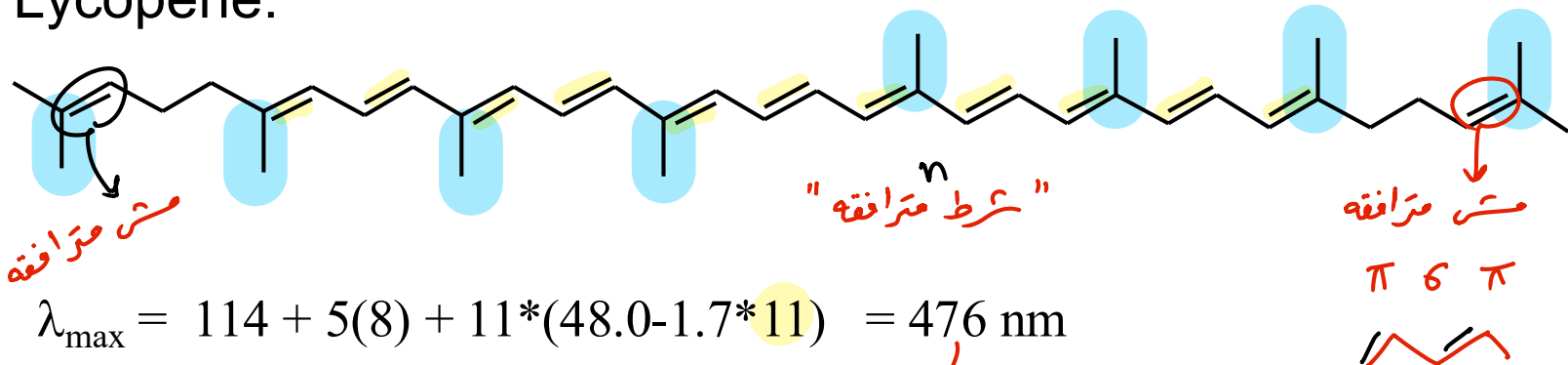
$$\lambda_{\max} = 114 + 5(\text{number of alkyl groups}) + n(48.0 - 1.7n)$$

Example:

$$114 + 5(\text{عدد مجموعات الألكيل}) + n(48 - 1.7n)$$

← عدد الروابط المترافقة

Lycopene:



$$\lambda_{\max} = 114 + 5(8) + 11*(48.0 - 1.7*11) = 476 \text{ nm}$$

$$\lambda_{\max}(\text{Actual}) = 474.$$

قريبه جداً